# GeoGebra (5) Jedan program, više proizvoda

#### Šime Šuljić, Pazin

U prethodnim brojevima Miš-a opisali smo alatnu traku, naredbe, polje za unos, velik dio izbornika, te iznijeli mnoge primjere i trikove. Mnogi će ipak uzdahnuti kako je šteta uz program koji nudi toliko mogućnosti u školi ne imati na raspolaganju LCD projektor ili informatičku učionicu. Ali GeoGebru nastavnik može koristiti i za "osobnu uporabu", kao na primjer za oblikovanje nastavnih materijala i ispita znanja, ali i za izradu razrednih panoa. U ovom će broju biti riječ o korištenju softvera dinamične geometrije u statične svrhe. Grafove i matematičke crteže trebalo bi načiniti matematičkim ili drugim "pametnim" programima koji barataju matematičkim jednadžbama i koordinatnim sustavom. Vjerujem da svakog matematičara smetaju kutovi koji nisu baš pravi, točke koje baš i ne "leže" ili krivulje koje ne odgovaraju napisanoj jednadžbi.... Ako pravilno koristimo softver dinamične geometrije, naknadni ispravci izvode se elegantno i brzo, bez gubitka bitnih svojstava. Kod nekih drugih programa, pokaže li se na kraju posla kako nečim nismo zadovoljni, sve treba raditi ispočetka. U GeoGebri je dovoljno prepraviti ili redefinirati jedan element konstrukcije da bi tu promjenu pratili svi zavisni elementi. Ujedno se svakom konstrukcijom može provjeriti neka slutnja, tvrdnja ili pak riješiti zadatak. Matematičari se ne bi trebali zadovoljiti popularnim računalnim programom Paint.

#### Motivacijski primjer za uvod



Dobro nam je znan zadatak s konstruiranim polukružnicama nad katetama i hipotenuzom pravokutnog trokuta. One tvore dvije lunule čiji je zbroj površina jednak površini trokuta. Konstrukciju lunula i izračun njihovih površina u *GeoGebri* zadao sam za domaći uradak na jednoj "prijateljskoj radionici" za kolege iz susjedne osnovne škole. S konstrukcijom lunula nije bilo problema, ali jest s prikazom. Želimo li osjenčati lunule, intuitivno posežemo za kanticom s bojom kakvu nalazimo u uredskim računalnim programima. No *GeoGebra* nema te kantice! Nećemo

Matematika i škola



Slika 2.

valjda GeoGebrin crtež morati prebacivati u Paint, tamo ispunjavati bojom pa onda vraćati kao statičnu sliku kojom dalje ne možemo manipulirati i računati. Sjenčanje i ispunjavanje bojom u GeoGebri nije u prvom planu. Ipak ispuniti bojom možemo mnogokute, konike, polukružnice, odnosno polukrugove, kružne isječke, kružne odsječke pripadnim kružnim lukovima i kutove. Lunule na slici ispunjene su bojom u GeoGebri pomoću malog trika. Polukrugovi nad katetama ispunjeni su crnom bojom, a iz polovišta hipotenuze konstruirani su kružni isječci ispunjeni bijelom bojom. Prozirnost ispune reguliramo u kartici Svojstva (desna tipka miša na objekt) skalom od 0 do 100. Bijelu boju kružnih isječaka postavimo na 100.

## 2. Opis konstrukcije bez puno truda na više načina

Konstrukcija se mogla izvesti na više načina, a možda je najelegantnije i najjednostavnije krenuti od polukružnice čiji će promjer biti hipotenuza pravokutnog trokuta, a točka

Miš godina VII., br. 32, 2005

na polukružnici vrh pravog kuta trokuta. Da opišem korak po korak? GeoGebra nudi mogućnost da to izvedem bez velikog truda. Ona jednostavno generira opis konstrukcije korak po korak u posebnom prozoru. Za njegovo otvaranje potrebno je kliknuti na Prikaz > Opis konstrukcije. U obliku tablice, pored rednog broja koraka konstrukcije nalazi se još njegov naziv, definicija dobivenog objekta, naredba kojom je dobiven i algebarski ekvivalent u koordinatnom sustavu (koordinate, jednadžba, duljina,...). Svaki pojedini stupac može ili ne mora biti prikazan u prozoru. Ovdje ćete uočiti da stupac definicija ima stanovitih jezičnih nezgrapnosti koje ne odgovaraju duhu našeg jezika. Njih u prijevodu nije bilo moguće izbjeći zbog toga što se te kratke rečenice generiraju od nezavisnih pojedinačnih riječi koje imaju više funkcija. Ne zaboravimo da je riječ je o višejezičnom programu koji u bilo kojem trenutku rada možemo prebaciti na bilo koji od dostupnih jezika. Čak se i tablica opisa konstrukcije u trenu prebaci na neki drugi jezik.

Desni klik na bilo koji redak tablice otvara skočni izbornik, isti onakav kakav imamo i u algebarskom ili geometrijskom prozoru programa. To onda znači da svaki element konstrukcije možemo dodatno urediti, sakriti, označiti, redefinirati, izbrisati ili nešto drugo. Ono što je puno važnije da jednostavnim "povuci i pusti" načinom možemo mijenjati redoslijed napravljenih koraka ako je to moguće. Objekt "dijete" ne može ići ispred svog "roditelja". Promjena redoslijeda odražava se i na samu konstrukciju, koju možemo koristiti kao prezentaciju s prikazom nastajanja konstrukcije. Izbornik Prikaz > Traka za korake konstrukcije, može se podesiti na automatsko odigravanje ili ručno pokretanje koraka. To je moćan demonstracijski alat za mnoga područja matematike. Svaki pojedini redak u posljednjem stupcu može se označiti kao kontrolna točka konstrukcije. I ako uključimo opciju Pokaži samo kontrolne točke, tada prezentacija prikazuje samo korake konstrukcije koji su označeni kao kontrolne točke, odnosno u jednom se koraku prikazuje više objekata.

Datot	eka Prikaz	Pomoć				
Br.	Ime	Defincija	Naredba	Algebra	Kontrol	Γ
1	točka A			A = (-4.03, 2.57)		
2	točka B			B = (4, 2.57)		1
3	Luk luk	Polukružnica kroz A i B	Polukružnica[A, B]	luk = 12.62	$\checkmark$	
4	točka C	točka na luk	Točka[luk]	C = (-1.66, 6.23)	$\checkmark$	
5	Luk luk <sub>2</sub>	Polukružnica kroz C i B	Polukružnica[C, B]	luk <sub>2</sub> = 10.59	<ul> <li>Image: A start of the start of</li></ul>	1
6	Luk luk <sub>1</sub>	Polukružnica kroz A i C	Polukružnica[A, C]	luk <sub>1</sub> = 6.85	<b>V</b>	1
7	točka D	točka na luk	Točka[luk]	D = (0.58, 6.54)	¥	1
8	lsječak e	lsječakOpisanogLuka[C, D, B]	lsječakOpisanogLuka[C, D, B]	e = 16.08		
9	točka E	točka na luk	Točka[luk]	E = (-3.66, 4.26)		
10	lsječak f	lsječakOpisanogLuka[A, E, C]	lsječakOpisanogLuka[A, E, C]	f = 9.26		
11	mnogokut P	mnogokut B, C, A	Mnogokut[B, C, A]	P = 14.72		
11	dužina a	Dužina[B, C] od mnogokut P	Dužina[B, C]	a = 6.74		ľ
11	dužina b	Dužina[C, A] od mnogokut P	Dužina[C, A]	b = 4.36		l
11	dužina c	Dužina[A, B] od mnogokut P	Dužina[A, B]	c = 8.03		h



Prijenos: Opis konstru	kcije (html)			
Naslov: Lunele				
Autor: Šime Šuljić		Nadnevak: 12. prosinca 2005	i.	
<ul> <li>✓ Umetni crtež konstrukcije Širina: 750 Visina: 460</li> <li>☐ Umetni sliku algebarskog prozora i konstrukcije</li> </ul>				
🕑 Opis konstrukcije u b	oji			
	Prijenos	Odustani		



Opis konstrukcije može poslužiti da preuredimo svoj rad ili shvatimo tuđu konstrukciju. No njega možemo ispisati kao vrlo uredan dokument, i to prilagođen u prikazu stupaca.

Ali od opisa možemo kreirati i web-stranicu s crtežom ili bez njega. Kliknimo na *Datoteka* u prozoru *Opis konstrukcije*, a potom na *Prijenos kao web-stranica* (html). Pritom se otvara dijaloški okvir (slika 4) u kojem možemo podesiti parametre izgleda te stranice. Za one koji nisu isprobali kreiranje web-stranica u nekom od specijalističkih i zahtjevnih programa, ovo može biti kakav-takav početak. Naravno, "ono pravo" zadovoljstvo je napraviti web-stranicu s dinamičnim crtežom, tj. apletom, ali tome ćemo posvetiti poseban članak u jednom od sljedećih brojeva *Mi***š**-a.

#### 3. Vrlo jednostavno umetanje slike u dokument

Pogledajmo sliku 1. Kako je iz *GeoGebre* prenesena u ovaj dokument? Vrlo jednostavno, izbornikom *Datoteka > Prijenos > Crtaća ploha u međuspremnik*. Potom u svom Word

Matematika i škola

dokumentu kliknemo na dugme *Zalijepi* (kratica Ctrl+V). Potrebno je prethodno smanjiti sliku na veličinu *primjerenu* za dokument. To se radi jednostavnim pomicanjem rubova GeoGebrinog prozora (slika 5). Ovdje vrijedi pravilo: smanjimo na pola ono što imamo na ekranu i najvjerojatnije će još uvijek biti preveliko. Nažalost, zbog želje da tekst na slikama bude čitljiv i u ovom tekstu slike previše dominiraju.

Za vježbu možemo napraviti nešto jednostavno, a vrlo korisno. Umetnimo koordinatni sustav u pismeni ispit znanja. Otvorimo program. Desnom tipkom miša bilo gdje na crtaću plohu pokrenimo skočni izbornik i u njemu odaberimo naredbu *Svojstva*. Podesimo crtaću plohu prema svojim potrebama. Evo mogućeg rezultata:









Miš godina VII., br. 32, 2005.

#### 4. Sačuvaj sliku svoju

Ipak, ponekad nam nije potrebno unijeti sliku izravno u dokument. Ako, primjerice, radimo web-stranicu u koju ćemo umetati crteže iz *GeoGebre*, onda je potrebno da konstrukciju najprije spremimo kao slike i potom ih umećemo u dokument. U izborniku *Datoteka > Prijenos* odaberite naredbu *Crtaća ploha kao crtež*. Otvara vam se dijaloški okvir (slika 7) u kojem možete izabrati jedan od dvaju različitih formata.

Prijenos: Crtaća ploha 🛛 🛛 🕅							
Format: Format "Portable Network Graphics" (png) 💌							
U mjerilu: 1 : 1							
Rezolucija u dpi: 300 🗸							
Veličina: 5.33 x 2.55 cm, 629 x 301 pixel							
Prijenos Odustani							



**PNG** (Portable Network Graphics) je grafički format u pikselima (točkicama). Viša rezolucija (dpi) znači i bolju kvalitetu. 300 dpi obično je dovoljna kvaliteta, ali za web stranice je bolje uzeti još manju. Osim rezolucije možemo mijenjati i mjerilo. Preporuka: eksperimentirati. Kada jednom sačuvamo sliku, važno je znati da njezino naknadno povećanje ili smanjenje veličine dovodi do gubitka kvalitete.

Kod **EPS** (Encapsulated Postscript) grafičkog formata nema gubitka kvalitete u promjeni veličine slike jer je riječ o tzv. vektorskoj grafici. EPS grafičke datoteke su prikladne za korištenje s vektorskim grafičkim programima kao što su Corel Draw ili profesionalni tekst procesor sustav LaTeX. Rezolucija EPS grafičkih datoteka uvijek je 72 dpi. Napomena: učinci transparenta kao što su ispuna mnogokuta ili konika nisu mogući s EPS formatom.

### 5. Ostavi trag na papiru

I na kraju, ništa bez ispisa. A tu je *GeoGebra* dobra, kao što je i njezina slika u projekciji vrlo dojmljiva. Treba kliknuti na *Datoteka* > *Pregled ispisa* > *Crtaća ploha*. Otvara se dijaloški okvir u kojem je potrebno podesiti parametre. Ponovo savjet: eksperimentirati. Mjerilo omogućuje značajna povećanja ili smanjenja. Svaki element crteža može se povećati da bude vidljiv i iz daljine, a baš to nam treba za razredni pano. Nažalost, program ne pruža mogućnost ispisa jedne slike na više stranica formata A4. Ali, moguće je "ručno" podešavanje za ispis dio po dio crteža. Uz puno strpljenja i preciznosti, naravno!

#### 🕽 Pregled ispisa 100% 🗸 🚔 Ispis Zatvori Pejzaž 💙 Trigonometrijska kružnica Naslov: Autor: Šime Šul Nadnevak: 27.09.2004. 3 : U mjerilu: 1 Trigonometrijska kružnica Šime Šuljić - 27.09.2004. - U mjerilu: 3:1 $\frac{\pi}{3}$ 2 $2\pi$ 3 $\pi$ 3π π $5\pi$ 6 6 0 π $2\pi$ 7π 6 $11\pi$ 6 $5\pi$ $7\pi$ $\frac{5\pi}{3}$ 4 $\frac{3\pi}{2}$ >

Slika 8.

### 6. I na kraju gotovo nije

Da, kao što ste već u tekstu pročitali, poseban članak treba posvetiti najimpresivnijem *GeoGebrinom* uratku: dinamičnoj i interaktivnoj web stranici. Do tada sačuvajmo svoje uratke prije prijenosa u bilo koji drugi format kao onaj osnovni .ggb format, da ih ne izgubimo. Dobro uhodani, ovaj članak spremimo kao geogebra5.mis (neki novi "mišji" format) za Miš broj 32.

\* \* \*

sime.suljic@pu.htnet.hr



Matematika i škola